Roteiro 5a - Trabalho e Teorema Trabalho-Energia

Leitura Recomendada

- Física I - Mecânica, Sears Zemansky / Young Freedman - 12a. Edição, Pearson - seções 6.1-6.3 e 7.3-7.4 ou
- Curso de Física Básica 1 - Mecânica, H. Moysés Nussenzveig - 4a edição, Ed. Edgard Blücher LTDA - seções 6.2-6.4 e 7.3

Questões

1. Sejam os vetores $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ e $\vec{B} = -4\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}$.
Determine:
 - (a) $\vec{A} - \vec{B}$
 - (b) A_x
 - (c) $\vec{A} \cdot \vec{B}$
 - (d) $\vec{A} \cdot \hat{i}$
 - (e) o ângulo entre $\vec{A}$ e $\vec{B}$.
2. Um contêiner pesando 4000 N é elevado a uma altura de 20 m por um guindaste com velocidade constante. Determine o trabalho realizado por cada força que atua sobre ele, bem como o trabalho total.
3. Considere um bloco de massa m que é abandonado em um plano inclinado de um ângulo θ com a direção horizontal. Sabendo que o bloco percorre uma distância L até atingir a base do plano e que o coeficiente de atrito cinético entre o bloco e o plano é μ_c , calcule o trabalho realizado por cada uma das forças que atuam no bloco entre o instante em que é abandonado e aquele em que chega ao fim do plano. Com que velocidade ele atinge o fim do plano inclinado?

4. Um bloco de massa 250 g é deixado cair sobre uma mola vertical de $k = 250$ N/m. A compressão máxima da mola produzida pelo bloco é de 12 cm.

- Pode-se utilizar a equação de Torricelli para resolver esse problema?
 - O ponto de compressão máxima é aquele em que $|\vec{P}| = |\vec{F}_{el}|$?
 - Qual o trabalho exercido pelo peso e pela força da mola enquanto ela está sendo comprimida?
 - Qual era a velocidade do bloco no momento em que se chocou com a mola?
 - Se a velocidade no momento do impacto dobrar, qual será a compressão máxima da mola?
5. Uma força resultante age sobre uma partícula de massa 3 kg de tal forma que sua posição em função do tempo é dada por $x(t) = 3t - 4t^2 + t^3$ (x em metros, t em segundos). Determine o trabalho exercido pela força entre $t = 0$ e $t = 4$ s.
6. Uma única força $F_x(x)$, dada em N, atua sobre um corpo de massa m em uma sequência de deslocamentos ao longo do eixo x , partindo de $x = 0$ m até $x = 50$ m. Abaixo está ilustrado o gráfico de $F_x(x)$ versus x :

Sobre a situação ilustrada pelo gráfico acima, podemos afirmar que:

- (a) Ao final o corpo volta a posição inicial.
 - (b) O trabalho total realizado sobre o corpo entre $x = 0$ m e $x = 50$ m é nulo.
 - (c) O trabalho realizado entre $x = 30$ e $x = 40$ m é positivo.
 - (d) O deslocamento do corpo entre $x = 30$ m e $x = 40$ m é nulo.
 - (e) O trabalho realizado entre $x = 40$ m e $x = 50$ m vale 50 J.
 - (f) A variação de energia cinética do corpo entre $x = 0$ m e $x = 50$ m é positiva.
 - (g) O trabalho realizado entre $x = 10$ m e $x = 30$ m vale 300 J.
7. A figura abaixo mostra o gráfico de uma força F que varia com a posição x de uma partícula, que se encontra inicialmente em repouso. Considere que a força F é a força resultante que atua sobre a partícula.

Ordene os módulos v_1, v_2, v_3 das velocidades da partícula nas posições $x = 1m, x = 2m, x = 3m$, respectivamente.

- (a) $v_1 < v_2 = v_3$
- (b) $v_1 > v_2 > v_3$
- (c) $v_1 = v_2 > v_3$
- (d) $v_1 < v_2 < v_3$
- (e) $v_1 = v_2 < v_3$

8. Um carro desce uma ladeira com velocidade constante. Dentre os vetores marcados na figura abaixo (ilustrando a ladeira, mas não o carro), qual dos segmentos orientados melhor representa a força que a ladeira faz sobre o carro?

- (a) 1
 - (b) 2
 - (c) 3
 - (d) 4
 - (e) 5
9. Um bloco de massa m desce de uma distância d ao longo de uma superfície plana inclinada, fixa ao solo, que faz um ângulo θ com a horizontal. O deslocamento ocorre sobre um eixo x . O coeficiente de atrito cinético entre o bloco e a superfície vale μ_c . Os trabalhos realizados nesse deslocamento pelas forças gravitacional, normal e força de atrito valem, respectivamente,

- (a) $-mgd \sin \theta; mgd; \mu_c mgd \cos \theta$

- (b) $mgd \cos \theta; 0; -\mu_c mgd \sin \theta$
- (c) $mgd \sin \theta; 0; -\mu_c mgd \cos \theta$
- (d) $-mgd \sin \theta \hat{x}; mgd; \mu_c mgd \cos \theta \hat{x}$
- (e) $mgd \sin \theta \hat{x}; 0; -\mu_c mgd \cos \theta \hat{x}$

Respostas

Sempre tente fazer a questão algumas vezes antes de consultar o gabarito, para qualquer dúvida adicional, consulte os monitores!

Para gabarito de objetivas, discuta com os monitores.

- (a) $\vec{A} - \vec{B} = (2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}) - (-4\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}) = (2+4)\hat{i} + (3-2)\hat{j} + (1+1)\hat{k} = 6\hat{i} + 1\hat{j} + 2\hat{k}$

(b) A direção do eixo x é dada pelo unitário $\hat{i}$. Então $A_x = 2$.

(c) $\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z = 2 \times -4 + 3 \times 2 + 1 \times -1 = -8 + 6 - 1 = -3$

(d) A direção do eixo x é dada pelo unitário $\hat{i}$. Então $\vec{A} \cdot \hat{i} = A_x = 2$.
Explicitamente: $A_x = \vec{A} \cdot \hat{i} = 2\hat{i} \cdot \hat{i} + 3\hat{j} \cdot \hat{i} + \hat{k} \cdot \hat{i} = 2 \times 1 + 0 + 0 = 2$

e) $\cos \theta = \frac{-3}{\sqrt{14} \sqrt{21}} = -0,17 \Rightarrow \theta = 99,79^\circ$
2. $W_P = -80000 \text{ J}$, $W_T = 0$
3. $v_f = \sqrt{2gL(\sin\theta - \mu_c \cos\theta)}$
4. a) $1,8 \text{ J}$ b) $v = 3,5 \text{ m/s}$
5. $W_{res} = 528 \text{ J}$